



CENTRE DE ROCQUENCOURT

Institut National
de Recherche
en Informatique
et en Automatique

Domaine de Voluceau
Rocquencourt
BP 105
78153 Le Chesnay Cedex
France
Tél. (3) 954 90 20

Rapports de Recherche

N° 268

**OPTIMISATION
DE LA RÉPARTITION
DES MOYENS DANS
UN SYSTÈME D'ASSEMBLAGE**

Jean-Marie PROTH

Janvier 1984



**INSTITUT NATIONAL DE RECHERCHE
EN INFORMATIQUE ET EN AUTOMATIQUE**

Domaine de Voluceau - Rocquencourt

B.P. 105 - 78153 LE CHESNAY CEDEX (France)

Tél.: (3) 954 90 20 Téléc.: 697 033 F

OPTIMISATION DE LA REPARTITION DES MOYENS

DANS UN SYSTEME D'ASSEMBLAGE

Jean-Marie PROTH^{*}

^{*} INRIA

CENTRE DE SOPHIA ANTIPOLIS - 06560 VALBONNE - Tél.: (93) 74 80 80

CENTRE DE RENNES - IRISA - Campus Universitaire de Beaulieu - 35042 RENNES CEDEX - Tél.: (99) 36 20 00

Établissement Public National - Décret du 27 décembre 1979

ABSTRACT

We consider an assembly system. We call assembly process an ordered set of assembly jobs. Each assembly process leads to a kind of manufactured article. Each assembly job can be done on one or more identical workstation (in fact, a worker is often himself a workstation in that kind of systems). The set of assembly processes is known, as also the time needed in order to execute each assembly job. We consider a string of consecutive time periods. We have to deliver a given number of manufactured articles of each kind at the end of each period. It is possible to store a bounded quantity of each article at the end of each period in time. The problem consists in finding a production planning which verifies the above constraints and which minimizes the maximal workers' free time

RESUME

Nous considérons un système d'assemblage. Une gamme d'assemblage est un ensemble ordonné de tâches d'assemblage. Chaque gamme d'assemblage conduit à un type de produit. Chaque tâche d'assemblage peut être exécutée sur un ou plusieurs postes de travail identiques. Lorsqu'un poste de travail fonctionne, il nécessite la présence d'un ouvrier (en fait, un ouvrier constitue souvent à lui seul un poste de travail dans les systèmes d'assemblage). L'ensemble des gammes d'assemblage est connu, ainsi que le temps nécessaire à l'exécution de chaque tâche d'assemblage. Nous considérons une suite de périodes de temps consécutives. Il faut fournir un nombre donné de produits de chaque type à la fin de chaque période. Il est possible de stocker une quantité bornée de chaque produit à la fin de chaque période. Le problème consiste à trouver un planning de production qui vérifie les contraintes ci-dessus et qui minimise le temps maximum de non-occupation des ouvriers sur l'ensemble des périodes et l'ensemble des postes.

INTRODUCTION

Nous nous intéressons à un système d'assemblage. Tout produit pris en charge par un tel système doit subir une séquence connue d'opérations, et le temps nécessaire pour exécuter chacune d'elles est donné. La séquence d'opérations, ainsi que le temps nécessaire pour exécuter chacune d'elles, peuvent varier d'un produit à l'autre.

Chaque opération peut être exécutée par plusieurs postes de travail identiques, chacun d'eux nécessitant, lorsqu'il est en fonctionnement, la présence d'un ouvrier. Le nombre d'ouvriers employés ne peut varier au cours d'une même période de travail, mais peut varier (en nombre et/ou en répartition) d'une période à l'autre. Pour fixer les idées, nous considérons ici une période de travail de 7 heures 1/2, 45 000 centièmes de minute. Une telle période est parfois appelée "poste", mais nous écarterons cette dénomination pour éviter toute confusion.

Les quantités à produire au cours de chacune des périodes de travail considérées dans notre étude sont connues pour toutes les références (i.e types de produit) qui peuvent être prises en charge par le système de montage. A chaque fin de période, et pour chaque produit, il est possible de stocker un certain excédant. Cet excédant est connu.

Nous appelons "planning de fabrication" la donnée, pour chaque produit et chaque période prise en compte, de la quantité à fabriquer.

Le problème que nous nous proposons de résoudre peut alors s'énoncer comme suit :

trouver un planning de fabrication qui respecte les limites de stockage données et qui minimise le maximum du temps moyen de disponibilité des ouvriers attaché, à une même opération durant une période et l'ensemble des opérations.

Soulignons que nous ne cherchons pas à minimiser le nombre d'ouvriers utilisés pour répondre à la demande, mais de minimiser le temps d'activité des ouvriers sur l'ensemble des opérations et des périodes de travail. La minimisation du critère retenu

peut conduire à un excédant de production à la fin de la dernière période considérée, excédant qui ne peut cependant pas dépasser les limites définies plus haut.

Après avoir posé le problème, nous présentons les résultats nécessaires à l'obtention d'une solution. L'algorithme que nous proposons ensuite conduit à une solution proche de l'optimum. Il tient compte du fait que les temps nécessaires à l'exécution des opérations sont faibles par rapport à la période de travail. Nous terminons l'exposé par le sous-programme FORTRAN qui résout le problème.

I. DEFINITIONS ET NOTATIONS

Le système considéré peut fabriquer n produits différents, chacun d'eux subissant q opérations.

Nous connaissons

$$t_{i,j}, \quad i = 1, 2, \dots, n; \quad j = 1, 2, \dots, q$$

qui est le temps nécessaire pour qu'une unité de produit i subisse l'opération j . Ces temps sont tous strictement positifs.

T est la durée d'une période de travail

Nous savons que, quels que soient $i \in \{1, 2, \dots, n\}$

et $j \in \{1, 2, \dots, q\}$

$t_{i,j}$ est "très petit" par rapport à T . Cette propriété permet de supposer que tout produit dont la fabrication débute au cours d'une période de travail est terminé au cours de la même période.

Nous envisageons une suite de p périodes de travail et m_i^k , $i = 1, 2, \dots, n$; $k = 1, 2, \dots, p$ est la demande en produit i à la fin de la période k .

Nous désignerons par

$$x_i^k, \quad i = 1, 2, \dots, n; \quad k = 1, 2, \dots, p$$

la quantité de produit i effectivement produite au cours de la période k . L'ensemble des x_i^k s'appellera planning de production.

La quantité totale d'un produit fabriquée jusqu'à une fin de période quelconque ne doit pas dépasser les besoins de plus

d'une quantité connue. En outre, les besoins doivent toujours être satisfaits. Cette contrainte se traduit par les relations suivantes :

quels que soient $r = 1, \dots, p$ et $i = 1, 2, \dots, n$:

$$\sum_{k=1}^r m_i^k \leq \sum_{k=1}^r x_i^k \leq \sum_{k=1}^r m_i^k + \alpha_i \quad (1)$$

où α_i est le dépassement autorisé pour le produit i .

Supposons connues les quantités produites.

Pour $j = 1, 2, \dots, q$ et $k = 1, 2, \dots, p$, le temps à consacrer à l'opération j durant la période k s'écrit :

$$\theta_j^k = \sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j} \quad (2)$$

Soit W_j^k entier défini de la manière suivante :

$$(W_j^k - 1) T < \theta_j^k \leq TW_j^k \quad (3)$$

Alors il faudra consacrer W_j^k postes de travail à l'opération j durant la période k . Chacun de ces postes mobilise une personne. Nous ne cherchons pas à minimiser le nombre de personnes employées pour les p périodes de travail, mais à définir une production satisfaisant les contraintes (1) et utilisant au mieux les postes de travail.

Le problème se traduit alors de la manière suivante :

trouver le planning de production :

x_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$
qui satisfait (1) et qui minimise :

$$\text{Max}_{k=1,2,\dots,p} \left\{ \text{Max}_{j=1,\dots,q} \left[(TW_j^k - \theta_j^k) / W_j^k \right] \right\} \quad (4)$$

où θ_j^k est donné par (2) et W_j^k par (3)

$((TW_j^k - \theta_j^k) / W_j^k \text{ est nul si } W_j^k = 0)$

Nous cherchons donc à minimiser le temps moyen maximal de non-emploi, le maximum étant pris sur l'ensemble des postes et l'ensemble des périodes.

A aucun moment nous n'avons soulevé le problème de l'ordonnancement des produits à fabriquer. Nous avons observé plus haut que le temps de fabrication est faible par rapport à une période de travail. Le débit du système de production, compté en nombre d'unités de produit par période de travail, est donc élevé. En outre, le nombre de produits différents (n) est important. Nous sommes ainsi toujours en mesure de trouver un ordonnancement qui réalise une charge de travail définie comme nous venons de l'indiquer.

Dans le paragraphe suivant, nous présentons les résultats qui nous ont conduits à l'algorithme que nous proposons plus loin.

II. RECHERCHE DE LA SOLUTION OPTIMALE

Soit x_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$ un planning de production qui satisfait (1) et (3), où w_j^k , $j = 1, \dots, q$; $k = 1, \dots, p$ sont connus.

Pour $i = 1, \dots, n$ et $k = 1, \dots, p$, nous désignons par δ_i^k un entier quelconque et nous considérons le planning

$$x_i^{*k} = x_i^k + \delta_i^k.$$

Pour que ce planning soit admissible, c'est à dire vérifie (1) et (3), il faut que :

Pour $r = 1, \dots, p$ et $i = 1, \dots, n$:

$$\sum_{k=1}^r (m_i^k - x_i^k) \leq \sum_{k=1}^r \delta_i^k \leq \sum_{k=1}^r (m_i^k - x_i^k) + \alpha_i \quad (5)$$

et, pour $j = 1, \dots, q$ et $k = 1, \dots, p$:

$$(w_j^k - 1) T - \theta_j^k \leq \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} \leq w_j^k T - \theta_j^k \quad (6)$$

Nous désignons par X le planning δ_i^k , $i = 1, \dots, n$;
 $k = 1, \dots, p$ et par X^* le planning x_i^{*k} , où i et k varient comme
 ci-dessus.

Nous cherchons un ensemble d'entier δ_i^k pour que le
 critère (4) appliqué à X^* conduise à une valeur inférieure à
 celle que l'on obtient lorsqu'on l'applique à X . Nous dirons
 dans ce cas que X^* est meilleur que X au sens de (4).

RÉSULTAT I

Soient (k_w, j_w) $w = 1, \dots, s$ les couples (k, j)
 qui réalisent (4) pour X .

Si, pour un ensemble d'entiers δ_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$:

1. quelque soit $k \in k_1, \dots, k_s$,

$$\delta_i^k \geq 0 \text{ pour } i = 1, 2, \dots, n \quad (7)$$

avec :

$$0 < \sum_{k \in D_r} \delta_i^k \leq \sum_{k=1}^r (m_i^k - x_i^k) + \alpha_i \quad (8)$$

pour $i = 1, 2, \dots, n$; $r = 1, \dots, p$

et

$$D_r = \{ k / k \leq r \text{ et } k \in (k_1, \dots, k_s) \}$$

et :

$$\sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} \leq w_j^k T - \theta_j^k \text{ pour } j = 1, \dots, q \quad (9)$$

2. quel que soit $k \notin \{k_1, \dots, k_s\}$

$$\delta_i^k = 0 \text{ pour } i = 1, 2, \dots, n \quad (10)$$

alors X^* est meilleur que X au sens de (4)

Démonstration

a) Les relations (7), (8), (9) et (10) peuvent se réécrire :

$$\delta_i^k \geq 0 \text{ pour } i = 1, 2, \dots, n ; k = 1, 2, \dots, p \quad (11)$$

avec :

$$0 \leq \sum_{k=1}^r \delta_i^k \leq \sum_{k=1}^r (m_i^k - x_i^k) + \alpha_i \quad (12)$$

pour $i=1,2,\dots, n$; $r=1,2,\dots, p$

et :

$$0 \leq \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} \leq w_j^k T - \theta_j^k \quad (13)$$

pour $k = 1, \dots, p$ et $j = 1, \dots, q$

Mais :

$$\sum_{k=1}^r (m_i^k - x_i^k) \leq 0 \text{ pour } i = 1, \dots, n ; r = 1, \dots, p \quad (14)$$

(voir relation (1))

et :

$$(w_j^k - 1) T - \theta_j^k \leq 0 \text{ pour } j = 1, \dots, q \text{ et } k = 1, \dots, p \quad (15)$$

(voir relation (3))

Finalement :

Les relations (12) et (14) conduisent à (5)

et les relations (13) et (15) conduisent à (6)

Le planning X^* est donc admissible

b) soit :

$$\theta_j^{*k} = \sum_{i=1}^n x_i^{*k} t_{ij}$$

alors :

$$\begin{aligned} (Tw_j^k - \theta_j^{*k}) / w_j^k &= (Tw_j^k - \theta_j^k - \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j}) / w_j^k \\ &= (Tw_j^k - \theta_j^k) / w_j^k - \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} / w_j^k \end{aligned} \quad (16)$$

Si bien que :

1. si $k \in \{k_s, \dots, k_s\}$

alors :

$$\sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} = 0 \text{ pour } j = 1, \dots, q \text{ (c.f (7) et (8))}$$

et :

$$(Tw_j^k - \theta_j^{*k}) / w_j^k < (Tw_j^k - \theta_j^k) / w_j^k \text{ pour } j = 1, \dots, q \quad (17)$$

2. si $k \notin \{k_1, \dots, k_s\}$

alors :

$$\sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} = 0 \text{ pour } j = 1, \dots, q \text{ (c.f (10))}$$

et :

$$(Tw_j^k - \theta_j^{*k}) / w_j^k = (Tw_j^k - \theta_j^k) / w_j^k \text{ pour } j = 1, \dots, q \quad (18)$$

En se souvenant de la définition de k_1, k_2, \dots, k_s et en considérant (17) et (18), nous voyons que X^* est meilleur que X au sens de (4).
Ce qui achève la démonstration.

□

Le résultat que nous présentons maintenant est une généralisation du précédent :

RESULTAT II

Nous désignons encore par (k_w, j_w) $w = 1, \dots, s$ les couples (k, j) qui réalisent (4) pour le planning de production X et Z la valeur prise par (4) pour X .

Soit un ensemble d'entiers δ_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$:

- qui vérifient (5) et (6)

$$\text{- tels que } \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j_w} > 0 \text{ pour } w = 1, 2, \dots, s \quad (19)$$

- tels que :

$$(Tw_j^k - \theta_j^k) / w_j^k - \sum_{i=1}^n \delta_i^k t_{i,j} / w_j^k < Z$$

$$\text{pour } (k, j) \notin \{(k_w, j_w)\}_{w=1, \dots, s}$$

Alors le planning de production X^* est meilleur que X au sens du critère (4)

Démonstration

Les entiers δ_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$, vérifient (5) et (6), donc X^* est admissible

En utilisant (19) et (20) dans (16), la suite de la démonstration est immédiate.

□

Le corollaire suivant permet de tester si l'optimum est atteint.

COROLLAIRE I

S'il n'existe aucun ensemble d'entiers δ_i^k , $i = 1, \dots, n$; $k = 1, \dots, p$ vérifiant (5), (6), (19) et (20), alors X est optimal au sens du critère 4.

Démonstration

Immédiate, compte tenu de ce qui précède.

Remarque 1 :

Le corollaire précédent reste difficile d'application. Il nécessite en effet 3^n essais avant de décider que X est optimal. Chaque δ_i^k peut en effet prendre l'une des trois valeurs -1, 0 ou +1. Nous verrons cependant que le volume des calculs peut être considérablement réduit si l'on se contente d'une solution proche de l'optimum.

Remarque 2

Les résultats que nous venons de présenter supposent connus les w_j^k , $k = 1, \dots, p$; $j = 1, \dots, q$. Rappelons que w_j^k , est le nombre de postes de travail consacrés à l'opération j durant la période k . Reste à choisir ces quantités. C'est l'objet du résultat suivant.

Notons :

$$E(A) = \begin{cases} A & \text{si } A \text{ est entier} \\ [A] + 1 & \text{sinon} \end{cases}$$

où $[]$ désigne la partie entière.

Nous allons montrer le résultat suivant :

RESULTAT III

Soit $U \in \{1, 2, \dots, p-1\}$. Nous supposons connus les W_j^k pour $k = 1, 2, \dots, U-1$ et $j = 1, 2, \dots, q$.

Alors, pour tout $j \in \{1, 2, \dots, q\}$:

$$\left[E \left(\frac{\sum_{k=1}^U \sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j}}{T} \right) - \sum_{k=1}^{U-1} W_j^k \right] \leq W_j^U$$

$$\leq \left[E \left(\frac{\sum_{k=1}^U \sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j} + \sum_{i=1}^n \alpha_i t_{i,j}}{T} \right) - \sum_{k=1}^{U-1} (W_j^k - 1) \right]^+ + \quad (21)$$

Où :

1. toute somme du type $\sum_{i=a}^b$ est nulle lorsque $b < a$
2. $[a]^+ = \text{Max}(0, a)$

Démonstration

Rappelons que :

$$W_j^k = E \left(\frac{\sum_{i=1}^n X_i^k t_{i,j}}{T} \right) \quad \text{pour } k = 1, \dots, p \text{ et } j = 1, \dots, q \quad (22)$$

D'autres part (c.f. (1) pour $U = 1, \dots, p$ et $i = 1, \dots, n$;

$$\sum_{k=1}^U M_i^k - \sum_{k=1}^{U-1} x_i^k \leq x_i^U \leq \sum_{k=1}^U m_i^k - \sum_{k=1}^{U-1} x_i^k + \alpha_i$$

d'où :

$$\begin{aligned}
 & \sum_{k=1}^u \frac{\sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j}}{T} - \sum_{k=1}^{u-1} \frac{\sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j}}{T} \leq \frac{\sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j}}{T} \\
 & \leq \sum_{k=1}^u \frac{\sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j}}{T} - \sum_{k=1}^{u-1} \frac{\sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j}}{T} + \frac{\sum_{i=1}^n \alpha_i t_{i,j}}{T} \quad (23)
 \end{aligned}$$

Observons que :

$$W_j^k \geq \frac{\sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j}}{T} \quad (\text{c.f. (22)})$$

$$(W_j^k - 1)^+ \leq \frac{\sum_{i=1}^n x_i^k t_{i,j}}{T} \quad (\text{c.f. (22)})$$

La relation (23) conduit ainsi à :

$$\begin{aligned}
 & \sum_{k=1}^u \frac{\sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j}}{T} - \sum_{k=1}^{u-1} W_j^k \leq \frac{\sum_{i=1}^n x_i^u t_{i,j}}{T} \\
 & \leq \sum_{k=1}^u \frac{\sum_{i=1}^n m_i^k t_{i,j}}{T} - \sum_{k=1}^{u-1} (W_j^k - 1)^+ + \frac{\sum_{i=1}^n \alpha_i t_{i,j}}{T}
 \end{aligned}$$

En observant que $a \leq b$ entraîne $E(a) \leq E(b)$, les inégalités précédentes conduisent à (21).

□

III. PRESENTATION

Nous appelons configuration la donnée, pour chaque période et chaque tâche d'assemblage, du nombre de postes qui seront utilisés. Le résultat III permet de générer toutes ces configurations.

Une configuration étant donnée, la recherche d'une "bonne" solution s'effectue alors en deux étapes.

1. Recherche du planning de production initial

On constitue d'abord le planning minimal - c'est-à-dire le planning qui répond exactement à la demande.

On cherche ensuite, pour chaque période de travail, le supplément de production que l'on peut effectuer compte tenu des moyens disponibles et des contraintes sur les suppléments de production.

Cette recherche s'effectue elle même en deux temps :

a. augmentation simultanée de toutes les productions d'une même quantité

b. puis augmentation de la production des produits qui s'y prêtent sans violer les contraintes.

On aborde ensuite la deuxième phase.

2. Affinage du planning initial

Elle se déroule en deux étapes. Après avoir repéré la période et la tâche pour lesquelles les postes présentent un maximum de temps d'inactivité, nous cherchons à charger ces postes de deux manières :

a. retardement d'une surproduction antérieure et/ou avance d'une production postérieure à la période repérée

b. puis nouvel affinage : on essaie, pour la période repérée, de diminuer une production qui nécessite un temps opératoire faible pour la tâche repérée pour la remplacer par une production qui nécessite un temps opératoire fort pour la même tâche.

On n'envisage donc pas toutes les combinaisons possibles. La solution obtenue n'est donc pas optimale mais proche de l'optimum car les temps opératoires sont du même ordre et faibles par rapport à la période d'étude.

IV. PRESENTATION D'UN PROBLEME REEL

Nous travaillons sur 10 périodes en horizon glissant. Le système considéré peut fabriquer 16 types de produits différents et exécuter 6 opérations.

Nous parlerons de "référence" pour désigner un type de produit et de "groupe" (i. e. groupe de postes) pour désigner l'ensemble des postes attachés à une même tâche. Dans notre exemple, un poste est équivalent à un ouvrier.

L'unité de temps est le centième de seconde et la période de travail est de 45000 unités de temps.

Le tableau I donne les besoins exprimés.

références périodes	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
1	300	0	300	0	0	0	350	150	0	0	600	0	0	200	0	0
2	600	0	0	0	0	0	350	150	0	0	600	0	0	0	0	200
3	300	0	0	0	0	300	350	0	150	0	600	0	0	0	0	200
4	0	0	600	0	0	0	350	0	150	0	300	300	0	0	0	200
5	0	0	300	0	0	300	350	0	150	600	0	0	0	0	200	0
6	300	0	0	0	300	0	350	150	0	0	600	0	0	200	0	0
7	300	0	0	0	300	0	350	150	0	0	600	0	0	0	0	200
8	300	0	0	0	300	0	350	0	150	0	600	0	0	0	200	0
9	300	0	300	0	0	0	350	0	150	0	0	0	0	0	0	200
10	300	0	300	0	0	0	350	0	150	0	600	0	0	200	0	0

Tableau 1

Le tableau 2 donne le temps de passage de chaque référence sur chaque opération.

Références groupes	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	140.41	140.41	140.41	140.41	119.38	140.41	53.89	53.89	99.31	53.16
2	34.94	34.94	28.22	28.22	34.94	28.22	41.5	26.21	26.21	31.14
3	276.14	307.6	309.9	341.26	124.88	324.3	134.13	192.3	227.79	116.33
4	30.63	30.63	30.63	30.63	30.63	30.63	91.83	90.66	90.66	54.54
5	183.29	216.89	189.89	223.49	161.78	189.89	82.83	126.78	181.78	75.88
6	189.11	193.87	219.41	224.17	143.25	264.21	131.99	141.34	169.46	144.65

Références Groupes	11	12	13	14	15	16
1	53.16	53.16	53.16	54.62	54.62	54.62
2	0	0	65.97	0	0	0
3	91.9	116.93	101.02	230.5	223.55	239.12
4	83.27	112.06	112.06	126.11	126.11	126.11
5	124.32	129.75	129.75	160.22	160.22	160.22
6	124.32	125.78	125.78	184.35	183.62	153.33

Tableau 2

Enfin, le tableau 3 donne les dépassements cumulés autorisés à la fin de chaque période et pour chaque référence.

Références Groupes	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
	10	20	18	30	10	10	20	10	20	15	15	10	10	5	10	10

Tableau 4

Les résultats sont présentés ci-dessous. On y trouvera le planning de production ainsi que le nombre de postes (c'est à dire d'ouvriers) en activité pour chaque période et chaque groupe.

Les temps moyens d'inactivité sont donnés en pourcentages de période de travail par ouvrier.

Periode: 1
Groupe: 1 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.1327942E+00
Groupe: 2 Nb. d'ouvriers: 1 Temps moy. d'inactivite: 0.1575236E+00
Groupe: 3 Nb. d'ouvriers: 8 Temps moy. d'inactivite: 0.6906611E-02
Groupe: 4 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.2189204E+00
Groupe: 5 Nb. d'ouvriers: 6 Temps moy. d'inactivite: 0.2028150E-03
Groupe: 6 Nb. d'ouvriers: 7 Temps moy. d'inactivite: 0.3138635E-01

Reference: 1 Nb. a produire: 303
Reference: 2 Nb. a produire: 1
Reference: 3 Nb. a produire: 303
Reference: 4 Nb. a produire: 1
Reference: 5 Nb. a produire: 2
Reference: 6 Nb. a produire: 1
Reference: 7 Nb. a produire: 351
Reference: 8 Nb. a produire: 151
Reference: 9 Nb. a produire: 1
Reference: 10 Nb. a produire: 2
Reference: 11 Nb. a produire: 601
Reference: 12 Nb. a produire: 1
Reference: 13 Nb. a produire: 0
Reference: 14 Nb. a produire: 201
Reference: 15 Nb. a produire: 1
Reference: 16 Nb. a produire: 1

Periode: 2
Groupe: 1 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.1262935E+00
Groupe: 2 Nb. d'ouvriers: 1 Temps moy. d'inactivite: 0.1057362E+00
Groupe: 3 Nb. d'ouvriers: 8 Temps moy. d'inactivite: 0.2241520E-01
Groupe: 4 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.2139058E+00
Groupe: 5 Nb. d'ouvriers: 6 Temps moy. d'inactivite: 0.1848122E-04
Groupe: 6 Nb. d'ouvriers: 7 Temps moy. d'inactivite: 0.7301425E-01

Reference: 1 Nb. a produire: 604
Reference: 2 Nb. a produire: 2
Reference: 3 Nb. a produire: 4
Reference: 4 Nb. a produire: 2
Reference: 5 Nb. a produire: 2
Reference: 6 Nb. a produire: 2
Reference: 7 Nb. a produire: 352
Reference: 8 Nb. a produire: 151
Reference: 9 Nb. a produire: 3
Reference: 10 Nb. a produire: 2
Reference: 11 Nb. a produire: 601
Reference: 12 Nb. a produire: 2
Reference: 13 Nb. a produire: 1
Reference: 14 Nb. a produire: 2
Reference: 15 Nb. a produire: 2
Reference: 16 Nb. a produire: 201

Periode: 3

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.1170094E+00
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1791509E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 8	Temps moy. d'inactivite: 0.1405768E-03
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.2326992E+00
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.1362648E+00
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.1705649E-01

Reference: 1	Nb. a produire: 294
Reference: 2	Nb. a produire: 0
Reference: 3	Nb. a produire: 0
Reference: 4	Nb. a produire: 0
Reference: 5	Nb. a produire: 0
Reference: 6	Nb. a produire: 297
Reference: 7	Nb. a produire: 347
Reference: 8	Nb. a produire: 0
Reference: 9	Nb. a produire: 147
Reference: 10	Nb. a produire: 1
Reference: 11	Nb. a produire: 598
Reference: 12	Nb. a produire: 0
Reference: 13	Nb. a produire: 0
Reference: 14	Nb. a produire: 0
Reference: 15	Nb. a produire: 0
Reference: 16	Nb. a produire: 198

Periode: 4

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.8836439E-01
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1928844E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 9	Temps moy. d'inactivite: 0.4880239E-01
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.1651672E+00
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.9811963E-01
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.3741917E-03

Reference: 1	Nb. a produire: 3
Reference: 2	Nb. a produire: 6
Reference: 3	Nb. a produire: 600
Reference: 4	Nb. a produire: 2
Reference: 5	Nb. a produire: 2
Reference: 6	Nb. a produire: 2
Reference: 7	Nb. a produire: 352
Reference: 8	Nb. a produire: 2
Reference: 9	Nb. a produire: 154
Reference: 10	Nb. a produire: 2
Reference: 11	Nb. a produire: 302
Reference: 12	Nb. a produire: 299
Reference: 13	Nb. a produire: 2
Reference: 14	Nb. a produire: 2
Reference: 15	Nb. a produire: 2
Reference: 16	Nb. a produire: 202

Periode: 5
Groupe: 1 Nb. d'ouvriers: 6 Temps moy. d'inactivite: 0.5990014E-01
Groupe: 2 Nb. d'ouvriers: 2 Temps moy. d'inactivite: 0.1665340E+00
Groupe: 3 Nb. d'ouvriers: 9 Temps moy. d'inactivite: 0.8589302E-03
Groupe: 4 Nb. d'ouvriers: 3 Temps moy. d'inactivite: 0.8256563E-01
Groupe: 5 Nb. d'ouvriers: 6 Temps moy. d'inactivite: 0.3794475E-01
Groupe: 6 Nb. d'ouvriers: 8 Temps moy. d'inactivite: 0.1968806E-01

Reference: 1 Nb. a produire: 5
Reference: 2 Nb. a produire: 11
Reference: 3 Nb. a produire: 311
Reference: 4 Nb. a produire: 25
Reference: 5 Nb. a produire: 3
Reference: 6 Nb. a produire: 308
Reference: 7 Nb. a produire: 362
Reference: 8 Nb. a produire: 0
Reference: 9 Nb. a produire: 145
Reference: 10 Nb. a produire: 593
Reference: 11 Nb. a produire: 0
Reference: 12 Nb. a produire: 0
Reference: 13 Nb. a produire: 2
Reference: 14 Nb. a produire: 0
Reference: 15 Nb. a produire: 195
Reference: 16 Nb. a produire: 0

Periode: 6
Groupe: 1 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.1477861E+00
Groupe: 2 Nb. d'ouvriers: 1 Temps moy. d'inactivite: 0.8482555E-01
Groupe: 3 Nb. d'ouvriers: 7 Temps moy. d'inactivite: 0.1093037E-01
Groupe: 4 Nb. d'ouvriers: 4 Temps moy. d'inactivite: 0.1813156E+00
Groupe: 5 Nb. d'ouvriers: 6 Temps moy. d'inactivite: 0.3697343E-03
Groupe: 6 Nb. d'ouvriers: 7 Temps moy. d'inactivite: 0.7425238E-01

Reference: 1 Nb. a produire: 300
Reference: 2 Nb. a produire: 0
Reference: 3 Nb. a produire: 0
Reference: 4 Nb. a produire: 0
Reference: 5 Nb. a produire: 301
Reference: 6 Nb. a produire: 0
Reference: 7 Nb. a produire: 356
Reference: 8 Nb. a produire: 156
Reference: 9 Nb. a produire: 20
Reference: 10 Nb. a produire: 15
Reference: 11 Nb. a produire: 613
Reference: 12 Nb. a produire: 8
Reference: 13 Nb. a produire: 5
Reference: 14 Nb. a produire: 200
Reference: 15 Nb. a produire: 10
Reference: 16 Nb. a produire: 4

Periode: 7

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.1929874E+00
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1447147E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.7199933E-01
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 3	Temps moy. d'inactivite: 0.1046591E-02
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 6	Temps moy. d'inactivite: 0.6354656E-01
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 6	Temps moy. d'inactivite: 0.1440519E-01

Reference: 1	Nb. a produire: 301
Reference: 2	Nb. a produire: 0
Reference: 3	Nb. a produire: 0
Reference: 4	Nb. a produire: 0
Reference: 5	Nb. a produire: 300
Reference: 6	Nb. a produire: 0
Reference: 7	Nb. a produire: 333
Reference: 8	Nb. a produire: 140
Reference: 9	Nb. a produire: 0
Reference: 10	Nb. a produire: 0
Reference: 11	Nb. a produire: 585
Reference: 12	Nb. a produire: 0
Reference: 13	Nb. a produire: 0
Reference: 14	Nb. a produire: 0
Reference: 15	Nb. a produire: 0
Reference: 16	Nb. a produire: 194

Periode: 8

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.1308905E+00
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1024867E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.3012569E-01
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.2096578E+00
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 6	Temps moy. d'inactivite: 0.3621953E-04
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.8869902E-01

Reference: 1	Nb. a produire: 300
Reference: 2	Nb. a produire: 0
Reference: 3	Nb. a produire: 0
Reference: 4	Nb. a produire: 0
Reference: 5	Nb. a produire: 300
Reference: 6	Nb. a produire: 0
Reference: 7	Nb. a produire: 367
Reference: 8	Nb. a produire: 10
Reference: 9	Nb. a produire: 150
Reference: 10	Nb. a produire: 0
Reference: 11	Nb. a produire: 615
Reference: 12	Nb. a produire: 0
Reference: 13	Nb. a produire: 0
Reference: 14	Nb. a produire: 0
Reference: 15	Nb. a produire: 194
Reference: 16	Nb. a produire: 0

Periode: 9

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 3	Temps moy. d'inactivite: 0.4561326E-01
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1694160E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.3276438E-01
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 2	Temps moy. d'inactivite: 0.6278005E-02
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 5	Temps moy. d'inactivite: 0.1101230E+00
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 5	Temps moy. d'inactivite: 0.1015905E-02

Reference: 1	Nb. a produire: 300
Reference: 2	Nb. a produire: 0
Reference: 3	Nb. a produire: 299
Reference: 4	Nb. a produire: 0
Reference: 5	Nb. a produire: 0
Reference: 6	Nb. a produire: 0
Reference: 7	Nb. a produire: 350
Reference: 8	Nb. a produire: 0
Reference: 9	Nb. a produire: 150
Reference: 10	Nb. a produire: 0
Reference: 11	Nb. a produire: 0
Reference: 12	Nb. a produire: 0
Reference: 13	Nb. a produire: 0
Reference: 14	Nb. a produire: 0
Reference: 15	Nb. a produire: 0
Reference: 16	Nb. a produire: 201

Periode: 10

Groupe: 1	Nb. d'ouvriers: 4	Temps moy. d'inactivite: 0.1248307E+00
Groupe: 2	Nb. d'ouvriers: 1	Temps moy. d'inactivite: 0.1862662E+00
Groupe: 3	Nb. d'ouvriers: 8	Temps moy. d'inactivite: 0.2652725E-01
Groupe: 4	Nb. d'ouvriers: 3	Temps moy. d'inactivite: 0.2577084E-04
Groupe: 5	Nb. d'ouvriers: 6	Temps moy. d'inactivite: 0.6842038E-02
Groupe: 6	Nb. d'ouvriers: 7	Temps moy. d'inactivite: 0.5157704E-01

Reference: 1	Nb. a produire: 300
Reference: 2	Nb. a produire: 0
Reference: 3	Nb. a produire: 301
Reference: 4	Nb. a produire: 0
Reference: 5	Nb. a produire: 0
Reference: 6	Nb. a produire: 0
Reference: 7	Nb. a produire: 343
Reference: 8	Nb. a produire: 0
Reference: 9	Nb. a produire: 130
Reference: 10	Nb. a produire: 0
Reference: 11	Nb. a produire: 585
Reference: 12	Nb. a produire: 0
Reference: 13	Nb. a produire: 0
Reference: 14	Nb. a produire: 195
Reference: 15	Nb. a produire: 0
Reference: 16	Nb. a produire: 0

V. LE PROGRAMME

Nous donnons le sous-programme "resti" qui fournit une bonne solution au problème ci-dessus. Les rôles des différentes variables sont donnés en commentaires.

Subroutine resti

```

1      subroutine resti(n,ip,iq,m,t,ia,eps,tot,ixl,cl,iwl,nex)
2      dimension iu(20),ix(20,10),m(20,10),t(20,6),iw(6,10)
3      dimension c(6,10),irl(10),ir(6,10),ia(20),kk(10),kk1(10)
4      dimension jj(10),jj1(10),iwl(6,10),ixl(20,10),cl(6,10)
5 c
6 c *****
7 c *****                               ENTREES                               *****
8 c *****
9 c
10 c n                               : Nombre de references (=produits differents)
11 c ip                              : Nombre de periodes considerees
12 c iq                              : Nombre d'operations
13 c
14 c m(i,k),i=1,...,n                : Demande de reference i pour periode k
15 c t(i,j),i=1,...,n
16 c           j=1,...,iq            : Temps necessaire pour effectuer operation j sur
17 c                               : reference i
18 c ia(i),i=1,...,n                 : Depassement maxi autorise pour reference i
19 c                               : Depassement maxi = cumul production - cumul demandes
20 c eps                             : Valeur utilisee pour tests a zero
21 c tot                             : Duree d'une periode de travail
22 c nex                             : Nombre d'experiences souhaitees
23 c
24 c *****
25 c *****                               SORTIES                               *****
26 c *****
27 c
28 c ixl(i,k)=i=1,...,n
29 c           k=1,...,ip            : Quantite de reference i a produire durant periode k
30 c cl(j,k),j=1,...,iq
31 c           k=1,...,ip            : Temps disponible par individu pour operation j
32 c                               : durant periode k
33 c iwl(j,k),j=1,...,iq
34 c           k=1,...,ip            : Nombre d'ouvriers affectes a l'operation j
35 c                               : durant la periode k
36 c
37 c *****

```

```

38 c ****                                TABLEAUX DE TRAVAIL                                ****
39 c *****
40 c
41 c iu(i),i=1,...,n      : Cumul de la surproduction de produit i
42 c ir(j,k),j=1,...,iq
43 c      k=1,...,ip      : Temps libre unitaire pour operation j et periode k
44 c ir1(k),k=1,...,ip    : Maxi du temps libre unitaire pour periode k
45 c {kk(k),k=1,...,ip    }>
46 c {kk1(k),k=1,...,ip   }> Contiennent periodes et operations qui realisent
47 c {jj(k),k=1,...,ip    }> le maximum du temps libre unitaire
48 c {jj1(k),k=1,...,ip   }>
49 c
50 c *****
51 c
52 c *****
53 c ****                                DETERMINATION DES POSTES EN ACTIVITE                                ****
54 c *****
55 c
56 c --- Initialisation du nombre de postes de travail
57 c
58 c      do 500 k=1,ip
59 c      do 500 j=1,iq
60 c      xx=0
61 c      do 501 k2=1,k
62 c      do 501 i=1,n
63 501  xx=xx+m(i,k2)*t(i,j)
64 c      xx=xx/tot
65 c      ii=xx
66 c      if((xx-ii).gt.eps)ii=ii+1
67 c      if(k.eq.1)go to 502
68 c      do 503 k2=1,k-1
69 503  ii=ii-iw(j,k2)
70 502  if(ii.lt.0)ii=0
71 500  iw(j,k)=ii
72 c      iss=0
73 c
74 c *****
75 c **** INITIALISATION DU PLANNING DE PRODUCTION ****
76 c *****
77 c
78 c
79 c --- Initialisation des depassements cumules
80 c
81 c      iug=1
82 555  do 1 i=1,n
83 1     iu(i)=0
84 c
85 c --- Calcul du planning obtenu par deplacement des productions
86 c
87 c      do 20 k=1,ip

```



```
88 c
89 c ++ Recherche du planning minimal
90 c
91     do 21 i=1,n
92         ix(i,k)=m(i,k)
93         if(k.eq.1)go to 21
94         ii=0
95         do 3 jw=1,k-1
96 3       ii=ii+ix(i,jw)-m(i,jw)
97         if(ii.gt.ix(i,k)) ii=ix(i,k)
98         iu(i)=iu(i)-ii
99         ix(i,k)=ix(i,k)-ii
100 21     continue
101 c
102 c ++ Recherche du premier accroissement de production possible
103 c
104     do 10 j=1,iq
105         a=0
106         do 11 i=1,n
107 11       a=a+ix(i,k)*t(i,j)
108 777     c(j,k)=tot*iw(j,k)-a
109         if(c(j,k).ge.0) go to 10
110         iw(j,k)=iw(j,k)+1
111         go to 777
112 10     continue
113         do 4 j=1,iq
114             a=0
115             do 5 i=1,n
116 5         a=a+t(i,j)
117             ir(j,k)=c(j,k)/a
118             if(j.ne.1)go to 6
119             irl(k)=ir(j,k)
120             go to 4
121 6         if(irl(k).gt.ir(j,k))irl(k)=ir(j,k)
122 4         continue
123 c
124 c ++ Translation globale des productions
125 c
126         do 7 i=1,n
127             iv=ia(i)-iu(i)
128 7         if(iv.lt.irl(k)) irl(k)=iv
129             iv=irl(k)
130             do 8 i=1,n
131                 ix(i,k)=ix(i,k)+iv
132                 iu(i)=iu(i)+iv
133                 do 15 j=1,iq
134 15         c(j,k)=c(j,k)-iv*t(i,j)
135 8         continue
136 c
137 c ++ Deplacement produit par produit
138 c
139 1999 do 25 i=1,n
140     iwa=0
141     do 26 j=1,iq
142         if(t(i,j).gt.c(j,k))go to 25
143         if(t(i,j).lt.eps) go to 26
144         n6=c(j,k)/t(i,j)
145         if(iwa.eq.0) go to 3000
146         if(n6.gt.m6) go to 26
147 3000 m6=n6
```

```
148      iwa=1
149 26    continue
150      is=ia(i)-iu(i)
151      if(iwa.eq.0) go to 3001
152      iv=ia(i)
153      if(iu(i).ge.iv)go to 25
154      is=iv-iu(i)
155      if(is.gt.m6)is=m6
156 3001  if(is.eq.0) go to 25
157      ix(i,k)=ix(i,k)+is
158      iu(i)=iu(i)+is
159      do 29 j=1,iq
160 29    c(j,k)=c(j,k)-t(i,j)*is
161 25    continue
162 20    continue
163 c
164 c *****
165 c *****          PHASE D'AFFINAGE          *****
166 c *****
167 c
168 c --- Valeur du critere
169 c
170 c
171      z=-10
172      is=0
173      do 30 k=1,ip
174      do 30 j=1,iq
175      if(iw(j,k).eq.0)go to 131
176      c(j,k)=c(j,k)/iw(j,k)
177      go to 31
178 131  c(j,k)=0
179 31    if(c(j,k).lt.z)go to 30
180      z=c(j,k)
181 30    continue
182      do 400 k=1,ip
183      do 400 j=1,iq
184      xx=abs(z-c(j,k))
185      uu=z
186      if(uu.lt.eps)uu=1
187      xx=xx/uu
188      if(xx.gt.eps)go to 400
189      is=is+1
190      kk(is)=k
191      jj(is)=j
192 400    continue
193      isl=is
194      do 95 k=1,is
195      kkl(k)=kk(k)
196 95    jjl(k)=jj(k)
```

```
197 c
198 c ---- Charge des periodes durant lesquelles le critere atteint sa valeur
199 c
200 680 k=0
201 40 k=k+1
202 if(k.gt.ip)go to 678
203 do 41 k2=1,is
204 if(kk(k2).eq.k)go to 40
205 41 continue
206 kl=kk(1)
207 do 42 i=1,n
208 ii=-1
209 do 43 j=1,iq
210 if(t(i,j).le.eps)go to 43
211 ma=(z-c(j,k))*iw(j,k)/t(i,j)
212 if(ii.eq.-1)go to 44
213 if(ii.lt.ma)go to 45
214 44 ii=ma
215 if(ii.eq.0) go to 40
216 45 ma=c(j,kl)*iw(j,kl)/t(i,j)
217 if(ii.eq.-1)go to 48
218 if(ii.lt.ma)go to 43
219 48 ii=ma
220 if(ii.eq.0) go to 40
221 43 continue
222 if(k.gt.kl)go to 50
223 nx=0
224 do 51 k2=1,kl-1
225 nx=nx+ix(i,k2)-m(i,k2)
226 if(k2.lt.k)go to 51
227 ma=nx
228 if(ii.eq.-1)go to 53
229 if(ii.lt.ma)go to 51
230 53 ii=ma
231 if(ii.eq.0) go to 40
232 51 continue
233 go to 60
234 50 nx=0
235 do 54 k2=1,k-1
236 nx=nx+ix(i,k2)-m(i,k2)
237 if(k2.lt.kl)go to 54
238 ma=ia(i)-nx
239 if(ii.eq.-1)go to 55
240 if(ii.lt.ma)go to 54
241 55 ii=ma
242 if(ii.eq.0) go to 40
243 54 continue
244 60 if(ii.eq.-1)go to 42
245 ix(i,k)=ix(i,k)-ii
246 ix(i,kl)=ix(i,kl)+ii
247 do 61 j=1,iq
248 if(iw(j,kl).eq.0)go to 62
249 c(j,kl)=c(j,kl)-ii*t(i,j)/iw(j,kl)
250 62 if(iw(j,k).eq.0)go to 61
251 c(j,k)=c(j,k)+ii*t(i,j)/iw(j,k)
252 61 continue
253 42 continue
254 go to 40
255 678 if(is.eq.1)go to 70
```

```

• 256      do 67 jw=1,is-1
257      kk(jw)=kk(jw+1)
258 67     jj(jw)=jj(jw+1)
259      is=is-1
260      go to 680
261 c
262 c --- Reduction du critere par modification simultanee des charges
263 c --- de deux produits
264 c
265 70     do 71 k=1,is1
266      kk(k)=kk1(k)
267 71     jj(k)=jj1(k)
268      is=is1
269      k1=kk(1)
270      j1=jj(1)
271 150    do 100 k4=1,ip
272      do 100 k5=1,ip
273      do 72 k2=1,is
274      if((kk(k2).eq.k4).or.(kk(k2).eq.k5))go to 100
275 72     continue
276      i1=0
277 333    i1=i1+1
278      if(i1.gt.n-1)go to 100
279      i2=0
280 73     i2=i2+1
281      if(i2.gt.n)go to 333
282      if(t(i1,j1).le.t(i2,j1))go to 73
283      do 74 j=1,iq
284      if(iw(j,k1).eq.0)go to 9
285      a=c(j,k1)-(t(i1,j)-t(i2,j))/iw(j,k1)
286      if(a.le.0)go to 73
287 75     if(iw(j,k4).eq.0)go to 100
288      a=c(j,k4)+t(i1,j)/iw(j,k4)
289      if(a.ge.z)go to 73
290 76     if(iw(j,k5).eq.0)go to 100
291      a=c(j,k5)-t(i2,j)/iw(j,k5)
292      if(a.le.0)go to 73
293 74     continue
294      if(k4.lt.k1)go to 80
295      nx=0
296      do 78 k2=1,k4-1
297      nx=ix(i1,k2)-m(i1,k2)+nx
298      if(k2.lt.k1)go to 78
299      if(nx.ge.ia(i1))go to 73
300 78     continue
301      go to 85
302 80     nx=0
303      do 81 k2=1,k1-1
304      nx=ix(i1,k2)-m(i1,k2)+nx
305      if(k2.lt.k4)go to 81
306      if(nx.le.0)go to 73
307 81     continue
308 85     if(k5.lt.k1)go to 90
309      nx=0
310      do 86 k2=1,k5-1
311      nx=ix(i2,k2)-m(i2,k2)+nx
312      if(k2.lt.k1)go to 86
313      if(nx.le.0)go to 73
314 86     continue
315      go to 99

```

```
316 90   nx=0
317       do 87 k2=1,k1-1
318       nx=ix(i2,k2)-m(i2,k2)+nx
319       if(k2.lt.k5)go to 87
320       if(nx.ge.ia(i2))go to 73
321 87     continue
322 99     if((ix(i2,k1).eq.0).or.(ix(i1,k4).eq.0)) go to 73
323       ix(i1,k1)=ix(i1,k1)+1
324       ix(i2,k1)=ix(i2,k1)-1
325       ix(i1,k4)=ix(i1,k4)-1
326       ix(i2,k5)=ix(i2,k5)+1
327       do 101 j=1,iq
328       if(iw(j,k1).eq.0)go to 102
329       c(j,k1)=c(j,k1)-(t(i1,j)-t(i2,j))/iw(j,k1)
330 102    if(iw(j,k4).eq.0)go to 103
331       c(j,k4)=c(j,k4)+t(i1,j)/iw(j,k4)
332 103    if(iw(j,k5).eq.0)go to 101
333       c(j,k5)=c(j,k5)-t(i2,j)/iw(j,k5)
334 101    continue
335 100    continue
336 9      if(is.eq.1)go to 1000
337       do 160 jw=1,is-1
338       kk(jw)=kk(jw+1)
339 160    jj(jw)=jj(jw+1)
340       is=is-1
341       go to 150
342 c
343 c --- Conservation eventuelle du resultat
344 c
345 1000   z=-10
346       do 550 j=1,iq
347       do 550 k=1,ip
348       if(c(j,k).lt.z)go to 550
349       z=c(j,k)
350       jz1=j
351       kz1=k
352 550    continue
353       if(iss.eq.0)go to 551
354       if(z.gt.z1)go to 600
355 551    iss=1
356       ju=jz1
357       ku=kz1
358       do 560 j=1,iq
359       do 560 k=1,ip
360       iw1(j,k)=iw(j,k)
361 560    cl(j,k)=c(j,k)
362       do 561 i=1,n
363       do 561 k=1,ip
364 561    ix1(i,k)=ix(i,k)
365       z1=z
```

```
366 c
367 c --- Passage a une repartition differente des moyens
368 c
369 600 do 601 k=ip,1,-1
370 do 601 j=iq,1,-1
371 xx=0
372 yy=0
373 do 602 i=1,n
374 yy=yy+ia(i)*t(i,j)
375 do 602 k2=1,k
376 602 xx=xx+m(i,k2)*t(i,j)
377 yy=(xx+yy)/tot
378 xx=xx/tot
379 ii=xx
380 mm=yy
381 if((xx-ii).gt.eps)ii=ii+1
382 if((yy-mm).gt.eps)mm=mm+1
383 if(k.eq.1)go to 610
384 do 611 k2=1,k-1
385 ii=ii-iw(j,k2)
386 jl0=iw(j,k2)-1
387 if(jl0.lt.0)jl0=0
388 611 mm=mm-jl0
389 610 if(mm.lt.0)mm=0
390 if(ii.lt.0)ii=0
391 if(k.gt.ku) go to 612
392 if((k.eq.ku).and.(j.gt.ju)) go to 612
393 if(iw(j,k).ge.mm)go to 612
394 iw(j,k)=iw(j,k)+1
395 iug=iug+1
396 if(iug.gt.nex) go to 3535
397 go to 555
398 612 iw(j,k)=ii
399 601 continue
400 3535 do 421 j=1,iq
401 do 421 k=1,ip
402 xx=cl(j,k)*iw(j,k)
403 if(xx.lt.eps) go to 421
404 na=xx/tot+eps
405 iw(j,k)=iw(j,k)-na
406 xx=xx-na*tot
407 cl(j,k)=xx/iw(j,k)
408 421 cl(j,k)=cl(j,k)/tot
409 return
410 end
```

CONCLUSION

Le problème que nous venons de présenter peut s'exprimer comme un problème de programmation linéaire avec variables mixtes. Nous l'avons d'abord résolu de cette manière, et nous avons comparé cette approche à l'heuristique présentée plus haut. Nous n'avons pas décelé d'écarts significatifs. D'où notre choix pour une méthode qui peut être prise en charge par un mini-ordinateur et ne demande qu'un volume raisonnable de calculs.

Imprimé en France

par

l'Institut National de Recherche en Informatique et en Automatique

